



Chhatrapati Shahu Ji Maharaj  
University, Kanpur

**Answer Script Details**  
**Barcode** 11924821

**Roll No.** 23081000411  
**Total Mark** 52/75.00

**Exam** BSC-V\_ODD\_EXAM\_NOV\_2025  
**Subject** B010502T - Quantum MechanicsAndSpectroscopy

**Question wise Mark Summary**

| Q.No | Mark | Q.No | Mark | Q.No | Mark | Q.No | Mark |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1A   | 4/6  | 7    | 0/12 |      |      |      |      |
| 1B   | 0/6  | 8    | 0/12 |      |      |      |      |
| 1C   | 4/6  | 9    | 9/12 |      |      |      |      |
| 1D   | 0/6  |      |      |      |      |      |      |
| 1E   | 4/6  |      |      |      |      |      |      |
| 1F   | 0/6  |      |      |      |      |      |      |
| 1G   | 4/6  |      |      |      |      |      |      |
| 1H   | 0/6  |      |      |      |      |      |      |
| 1I   | 0/6  |      |      |      |      |      |      |
| 2A   | 3/4  |      |      |      |      |      |      |
| 2B   | 3/4  |      |      |      |      |      |      |
| 2C   | 3/4  |      |      |      |      |      |      |
| 3A   | 0/6  |      |      |      |      |      |      |
| 3B   | 0/6  |      |      |      |      |      |      |
| 4    | 0/12 |      |      |      |      |      |      |
| 5    | 9/12 |      |      |      |      |      |      |
| 6    | 9/12 |      |      |      |      |      |      |

# Chhatrapati Shahu Ji Maharaj University Kanpur, Uttar Pradesh

Date of Exam: 04/12/25 Shift: II Room No.: 31  
 Paper Code: B010502T Subject: Physics II Year/Sem: V<sup>th</sup>  
 Name of Candidate: Sneha Shukla  
 Roll No. 23081000411

Signature of Candidate  
*Sneha*

Signature of Investigator  
*[Signature]*

COE Facsimile  
*[Signature]*

### PART-II

| MARKS OBTAINED        |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
|-----------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|------------|
| Q.                    | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10         |
| (a)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (b)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (c)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (d)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (e)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (f)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (g)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (h)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (i)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| (j)                   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| Total                 |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |
| Total Marks in Figure |   |   |   |   |   |   |   |   |   | Max. Marks |
| Total Marks in Words  |   |   |   |   |   |   |   |   |   |            |

  
 B010502T  
 Paper Code  
  
 Signature of Evaluator

Course: B.Sc.  
 Session: 2025-26 Year/Semester: V<sup>th</sup>  
 Subject: Physics II  
 Paper Code: B010502T  
 Exam Date: 04/12/2025  
 Name of Candidate: SNEHA SHUKLA  
 Father's Name: TUL KUMAR

वर्ष/सेमा के कोड  
College Code

परीक्षा केंद्र के कोड  
Exam Centre Code

|   |   |
|---|---|
| A U 0 3   | A U 0 3   |
| ● A ● 0 0<br>E B 1 1 1<br>E D 2 2 2<br>H J 3 ● 3<br>K X 4 4 4<br>L L 5 5 5<br>R M 6 6 6<br>S N 7 7 7<br>U T 8 8 8<br>● 9 9 9<br>W | ● A ● 0 0<br>E B 1 1 1<br>E D 2 2 2<br>H J 3 ● 3<br>K X 4 4 4<br>L L 5 5 5<br>R M 6 6 6<br>S N 7 7 7<br>U T 8 8 8<br>● 9 9 9<br>W |

परीक्षा का प्रकार  
Type of Exam

Regular     एग्जामिनैंड एम. स्टूडेंट  
 Private     दो-पेपर एग्जाम

ANSWER BOOKLET NO.

11924821

B010502T  
Paper Code



एनरोलमेंट नंबर  
Enrollment Number: C S J M A 2 3 0 0 0 0 3 8 5 4

उम्मीदवार की रोल नंबर  
Candidate's Roll Number

पेपर का कोड  
Paper Code




B010502T

|  |   |
|--|---|
| 2 3 0 8 1 0 0 0 4 1 1  | B010502T  |
| ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0<br>● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1<br>● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2 ● 2<br>● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3<br>● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4 ● 4<br>● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5<br>● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6 ● 6<br>● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7<br>● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8 ● 8<br>● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 | A ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0<br>● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1<br>P 2 2 2 2 2 2 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3<br>E 4 4 4 4 4 4 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5<br>Z 6 6 6 6 6 6 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7<br>N 8 8 8 8 8 8 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9<br>● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 |

पेपर का कोड  
Paper Code

B010502T

|   |   |
|---|---|
| 2 3 0 8 1 0 0 0 4 1 1   | B010502T  |
| ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0<br>● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1<br>P 2 2 2 2 2 2 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3<br>E 4 4 4 4 4 4 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5<br>Z 6 6 6 6 6 6 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7<br>N 8 8 8 8 8 8 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9<br>● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 | A ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0 ● 0<br>● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1 ● 1<br>P 2 2 2 2 2 2 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3 ● 3<br>E 4 4 4 4 4 4 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5 ● 5<br>Z 6 6 6 6 6 6 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7 ● 7<br>N 8 8 8 8 8 8 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9<br>● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 ● 9 |

  
*Sneha*  
 Signature of Candidate  
  
  
 Signature of Investigator  
  
 CS Facsimile  
  
 COE Facsimile

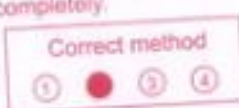
नोट : 1. परीक्षाओं को निर्दिष्ट किया जाता है कि आवेदन करने से पूर्व आप पर उचित सभी निर्देशों को सावधानीपूर्वक पढ़ें।  
 2. सीमा में भरी जाने वाली प्रतिक्रियाएँ सभी तथ्यों से मुक्त होनी चाहिए। 3. पत्रों को काले या नीले बॉलपेन से भरना चाहिए।

### INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE FOR FILLING PART-I

1. Read the instructions carefully given on the answer script and admit card.
2. Write Date of Exam, Shift, Paper Code & Name of Subject Correctly.
3. Write Name & Roll No. Correctly.
4. Write Semester & Branch Correctly.

### INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE FOR FILLING PART-III

1. Use blue or black ball point pen for writing alphabets & numerals in  Boxes.
2. Carefully study the example before you start marking.
3. As shown in the example below blacken the circles completely.



4. Make no Stray marks on this sheet.
5. **DO NOT WRITE OR MARK ON THE BAR CODE.**

### IN ORDER TO AVOID UFM (UNFAIR MEANS):

1. The Roll No. and Answer Book no. found elsewhere or any other symbol found in the answer book will be treated as unfair means.
2. Any tampering of Bar Code and Booklet no shall be treated as Unfair Means.
3. Do Not bring the materials like slip of paper/mobile/digital diaries/ study material/ revision notes in examination hall. Possession of the mobiles/ digital diaries/ electronic watch and any other electronic gadget except memory less scientific calculator shall be considered as UFM case.
4. Do not keep or paste currency note in answer script it shall be consider as UFM.

### अनुचित साधन से बचने हेतु:

1. उत्तर पुस्तिका के निर्दिष्ट स्थान को छोड़कर अनुक्रमांक एवं उत्तरपुस्तिका का क्रमांक कहीं और न लिखें तथा कोई भी चिह्न न बनायें क्योंकि यह अनुचित साधन प्रयोग की परिधि में आता है।
2. उत्तर पुस्तिका के बारकोड अथवा उत्तर पुस्तिका संख्या पर छेड़ करने पर अनुचित साधन प्रयोग माना जायेगा।
3. परीक्षा कक्ष में निम्न वस्तुएं साथ न लायें, जैसे लिखे हुए कागज के टुकड़े, मोबाइल, डिजिटल डायरी, कोपी, पुस्तक यह सभी वस्तुएं जो अनुचित साधन के अन्तर्गत आती हैं। केवल संबंधित प्रश्नपत्र में ही निर्धारित लेस साइंटिफिक कैल्कुलेटर ले जाने की अनुमति होती।
4. उत्तर पुस्तिकाओं में सफेद न रखें न ही उत्तर पुस्तिका में विपणनाद। ऐसा करना अनुचित साधन प्रयोग की परिधि में आता है।

### परीक्षार्थी के लिए निर्देश

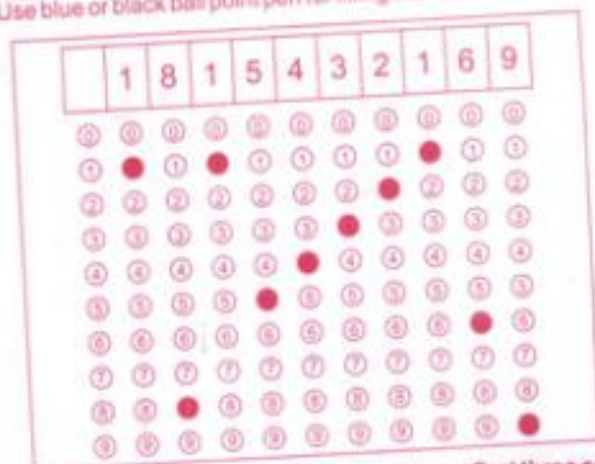
1. प्रवेश पत्र एवं उत्तर पुस्तिका पर दिये गये निर्देशों को ध्यान से पढ़ें।
2. कवर पृष्ठ के दूसरी तरफ कुछ न लिखें।
3. उत्तर पुस्तिका के पृष्ठों पर दोनों तरफ लिखें।
4. प्रश्न पत्र पर अपने अनुक्रमांक के अतिरिक्त कुछ न लिखें।
5. प्रश्न पत्र कोड एवं प्रश्न पत्र कोड सावधानी पूर्वक लिखें।
6. अपनी स्थिति स्पष्ट लिखें।
7. उत्तर पुस्तिका के पृष्ठों की संख्या देखें। अगर उत्तर पुस्तिका में (1-24) से कम है या कटे हुए है, तो परीक्षा शुरू होने के पूर्व दूसरी उत्तर पुस्तिका ले लें।
8. प्रश्नपत्र को देख, यदि प्रश्नपत्र के विषय कोड, विषय का नाम तथा में कोई त्रुटि है तो उसके परीक्षा शुरू होने के 30 मिनट के अन्दर निरीक्षक को तत्काल सूचित करें, उसके बाद विश्वविद्यालय द्वारा कार्यवाही नहीं की जायेगी।
9. प्रश्नों के उत्तर लिखने के लिये पेंसिल का प्रयोग न करें।
10. B कोपी या अतिरिक्त ग्राफ नहीं दिया जायेगा।

### INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE

1. Read the instructions carefully given on the Question Paper, Admit Card & Answer Script.
2. Do not write anything on back side of the cover page.
3. Write on both sides of pages of answer book.
4. Do not write anything on question paper except Roll Number.
5. Write Paper Code & Question Paper Id carefully.
6. CHECK the number of pages (1-32) or any other kind of damage in your answer script, if found than change the answer script immediately before the commencement of examination.
7. CHECK the Question Paper for any kind of discrepancy Subject Code, Subject Name and Question of the Question Paper during first THIRTY MINUTES of the commencement of the exam, so that it can be corrected in TIME. After that corrections shall be entertained by the university.
8. Do not use pencil for answering the question.
9. Write status correctly e.g. those appearing in carry over paper should fill in status as Carry Over. Those appearing as Students should fill in status as ex.
10. No supplementary answer book & graph paper will be provided.

### INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE FOR FILLING PART-I

1. Use blue or black ball point pen for writing alphabets & numerals in  Boxes.
2. Use blue or black ball point pen for filling the circles.



Note - if your Roll No. is of 10 digits. Please leave first three colour



Section A

SHORT Answer Type Question

Answer 1(A)

क्वाण्टम यांत्रिकी में Operator -

क्वाण्टम यांत्रिकी में Operator एक महत्वपूर्ण भूमिका निभाते हैं। वह फलन जिसके द्वारा किसी फलन का दूसरे फलन निकालने के लिए अवकलन किया जाता है। Operator कहलाता है।  
 Ex-  $\frac{d(x)}{dt}$  अर्थात्  $x$  के सापेक्ष  $t$  का कार्य करता है।

संवेग व ऊर्जा के लिए Operator -

$A f(x) = a f(x)$  के द्वारा आइजान समी०,  $a$  आइजान मान का मान रखते हैं।

$$\hat{H} = \frac{p^2}{2m} + V(x)$$

जहाँ

$H_{op}$  में  $\frac{p^2}{2m}$  की जगह  $\frac{\hbar^2 \nabla^2}{2m}$  का मान लिखा जाता है।



इसी आधार पर EM संवेग का operator  
जात करते हैं।

$$P(x) = -\frac{\hbar}{i} \frac{\partial}{\partial x}$$

या

$$P(x) = -i\hbar \frac{\partial}{\partial x}$$

इस  $\hat{H}(\psi) = E(\psi)$  को हम ऊर्जा का  
operator या आदान फलन भी कह सकते  
हैं।

### Answer 1(c)

$\psi^2$  का भौतिक महत्व Physical Signification

$$\psi^2 =$$

सर्वप्रथम यह समझते हैं कि  $\psi^2$  का हम सरलतम  
रूप में कैसे लिख सकते हैं।

$$\psi^2 = |\psi|^2$$

इस प्रकार हम  $\psi^2$  के द्वारा भौतिक विज्ञान  
में प्रयोग की गई वैरिटी प्रमेय, प्रत्याक्षित  
मान आदि का ज्ञान प्राप्त करते हैं।

$\psi^2$  के द्वारा हम निम्न प्रकार की भौतिकी गतिविधियों  
के द्वारा हम operator, नवाष्टम यांत्रिकी  
में प्रयोग की गई प्रमेय आदि का  
सरलतम रूप से प्रतिपादित कर पाते हैं।



Paper Code

B010502T



03

Hamiltonian potential सहम  $\psi^2$  के सरलतम रूप  $|f||\psi|$  के द्वारा आसानी से प्रमेय का मान ज्ञात करते हैं। Hamiltonian

तरंग फलन के भौतिक रूप से स्वीकार्य होने के लिए सीमांत स्थितियाँ -

तरंग फलन के भौतिक रूप से स्वीकार्य होने के लिए निम्न सीमांत स्थितियाँ व सीमाएं हैं -

- (i) तरंग फलन का मान **निश्चित** होना चाहिए। यदि तरंग फलन के स्क  $\psi$  से अधिक मान ज्ञात होते हैं किन्तु केवल स्क **निश्चित** मान ही स्वीकार्य होता है।
- (ii) तरंग फलन का मान **सतत** (लगातार) होना चाहिए। यदि हम तरंग फलन के भौतिक स्वीकार्य को बात करें तो तरंग फलन सतत होना चाहिए। असतत तरंग फलन कार्यहीन होता है।
- (iii) तरंग फलन का मान **एकल** होना चाहिए। स्क से अधिक मानों के होने पर तरंग फलन स्पष्ट रूप से दिखाई नहीं देता है। इसीलिए इसका केवल एक मान ही होना चाहिए।

यही निम्न तीन स्थितियाँ जो भौतिक रूप से तरंग फलन के स्वीकार्य होने के लिए लाई गई हैं।



## Answer 1 (E)

सामान्य व असामान्य जैमिन प्रभाव -

वेक्टर परमाणु मॉडल Spectroscopy में हम जैमिन प्रभाव को विशेष रूप से वर्णन सुनते हैं। संक्रमण की स्थिति में सामान्य व असामान्य जैमिन प्रभाव पाया जाता है।

जब हम किसी तरंग फलन पर कोई विकिरण डालते हैं तो जिस पर कुछ सशक्त प्रभाव होता है वह Spectrum के द्वारा तीन विकिरणों में विभक्त हो जाता है। परन्तु जिसमें सरल होता है उसमें यह दो स्तरों में विभक्त होता है। अतः Spectrum में किसी विकिरण द्वारा Spectrum होना (जैमिन प्रभाव) कहलाता है।

सामान्य व असामान्य जैमिन प्रभाव को हम इस प्रकार भी कह सकते हैं कि यदि किसी अवस्था में Spectrum को इस प्रकार टुक व त्रिक रूप में विभक्त होता है क्रियाशील होता है अर्थात् रूप से स्वयं होता है तो यह सामान्य जैमिन प्रभाव होगा।



किन्तु यदि इस जीमिन प्रभाव को किसी विशेष रूप में अपने प्रयोगों के सत्यापन या इसका अधीन किया जाय तो इस Explain में असामान्य या Anomalous जीमिन प्रभाव कहते हैं।  
 "यह विशेष रूप से स्पेक्ट्रम में होता है।"

Answer 1 (A)

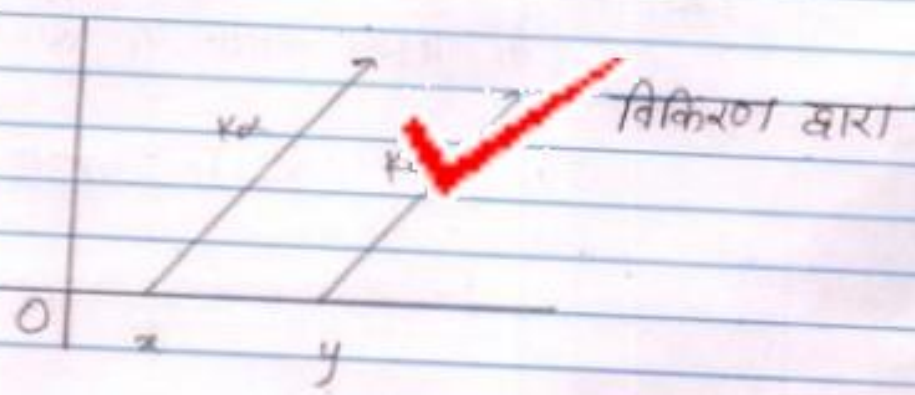
मोजले का नियम Moseley's law

मोजले द्वारा वैज्ञानिक ने  $K\alpha$  व  $K\beta$  विकिरणों के द्वारा यह बताया कि जब फलन पर  $K\alpha$  व  $K\beta$  विकिरणों को डाला जाता है तो सीधी रेखा के रूप दिखता है। इससे उन्होंने स्पष्ट किया है कि -

आवृत्ति गुणों की व्याख्या के लिए परमाणु क्रमांक सबसे उचित मान है न कि परमाणु भार।

इसी को हम मोजले का नियम कहते हैं।

चित्र द्वारा मोजले का नियम -





मोजल के नियम में परिष्कृत परमाणु क्रमांक  
 $Z$  का वृद्धि उसके  $\nu$  के अनुक्रमानुपाती  
 होता है।

$$\nu \propto Z^2$$

जहाँ  $Z =$  परमाणु क्रमांक  
 $\nu =$  आवृत्ति

$$\nu = \frac{c}{\lambda}$$

$$Z = \sqrt{\nu(a-b)}$$

यदि  $M\alpha$  के  $K\alpha$  विकिरण की तरंगदैर्घ्य  $0.71 \text{ \AA}$  है  
 तो  $Cu$  ( $Z=29$ ) के संगत विकिरण की  
 तरंगदैर्घ्य की गणना।

$$\nu \propto Z^2$$

$$\frac{1}{\lambda} \propto Z^2$$

$$\frac{1}{\lambda} = (a-b)Z^2$$

जहाँ  $a-b$  नियतांक  
 है।

$K\alpha$  के लिए

$$\frac{1}{0.71 \times 10^{-10}} = (a-b) 29 \times 29 \quad \text{--- (1)}$$

फिर

$K\beta$  के लिए समी (1) से  $\lambda$  का मान रखने पर

$$\frac{1}{\lambda} = (a-b) 29 \times 29$$

$$\lambda = 1.81 \text{ \AA}$$



## Section B

### Long Answer Type Question

#### PART (A)

#### Answer

संक्षिप्त टिप्पणी करें-

(a) हिल्बर्ट स्पेस Hilbert Space -

वैज्ञानिकों ने operator के बारे में अध्ययन के अनेक प्रयोग किये जहाँ किसी operator में  $\pi \psi(x)$  या अन्य किसी की व्याख्या में प्राप्त space ही Hilbert space कहलाता है। इस space को विशेष व्यवस्था कहते हैं। यह एक प्रकार की operator या तरंग फं. में प्राप्त होती है।

(b) पैरटी operator -

यह एक प्रकार का गणितीय operator है जिसके द्वारा हम  $\psi(x)$  का मान ज्ञात कर सकते हैं।  $\pi$  से प्रदर्शित करते हैं।

$$\pi \psi(x) = \pi \psi(-x)$$

यह इसका गणितीय रूप है।



चैरिटी operator में निम्न पद होते हैं।

- (i)  $\pi$  - एक **Even** है।  
 (ii)  $\pi$  - एक **Hamiltonian** है।  
 (iii) Parity operator का Hamiltonian रूप  
 चैरिटी operator का विस्तारित रूप -

$$\pi[\psi_1(x) + \psi_2(x)] = \pi(\psi_1(-x) + \pi\psi_2(-x))$$

$$\pi[\psi_1(x) + \psi_2(x)] = \pi\psi_1(x) + \pi\psi_2(x)$$

- (c)  $[L_x, L_y] = \hbar L_z$  सिद्ध कीजिए -  
 सर्वप्रथम हम मानते हैं कि

$$L = \mathbf{r} \times \mathbf{p}$$

जैसे  $\hat{i}, \hat{j}, \hat{k}$  के पदों में लिखने पर

$$\hat{i}L_x + \hat{j}L_y + \hat{k}L_z = (\hat{i}L_x + \hat{j}L_y + \hat{k}L_z) \times (\hat{i}p_x + \hat{j}p_y + \hat{k}p_z)$$

$$\hat{i}L_x + \hat{j}L_y + \hat{k}L_z = (yp_z - zp_y)\hat{i} + (zpx - xp_z)\hat{j} + (xpy - ypx)\hat{k}$$

तुलना करने पर

$$L_x = yp_z - zp_y$$

$$L_y = zpx - xp_z$$

$$L_z = xpy - ypx$$



Paper Code

B O E O 5 0 2 T



09

जहाँ

$$p_x = \frac{h}{i} \frac{\partial}{\partial x}$$

$$p_y = \frac{h}{i} \frac{\partial}{\partial y}$$

$$p_z = \frac{h}{i} \frac{\partial}{\partial z} \quad \text{के मान रखने पर}$$

$$L_x = y \frac{h}{i} \frac{\partial}{\partial z} - z \frac{h}{i} \frac{\partial}{\partial y}$$

$$L_x = \frac{h}{i} \left( y \frac{\partial}{\partial z} - z \frac{\partial}{\partial y} \right)$$

इसी प्रकार

$$L_y = \frac{h}{i} \left( z \frac{\partial}{\partial x} - x \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

$$L_z = \frac{h}{i} \left( x \frac{\partial}{\partial y} - y \frac{\partial}{\partial x} \right)$$

इसे विस्तारित रूप से लिखने पर

$$[L_x, L_y] = \frac{h}{i} \left( y \frac{\partial}{\partial z} - z \frac{\partial}{\partial y} \right) \cdot \frac{h}{i} \left( z \frac{\partial}{\partial x} - x \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

$$= \frac{h^2}{i^2} \left( \frac{y \frac{\partial}{\partial z} \cdot z \frac{\partial}{\partial x}}{\partial z \partial x} - \frac{z \frac{\partial}{\partial y} \cdot z \frac{\partial}{\partial x}}{\partial y \partial x} \right. \\ \left. - \frac{y \frac{\partial}{\partial z} \cdot x \frac{\partial}{\partial z}}{\partial z \partial z} + \frac{z \frac{\partial}{\partial y} \cdot x \frac{\partial}{\partial z}}{\partial y \partial z} \right)$$

$$\text{अतः } [L_x, L_y] = \frac{h^2}{i^2} \left( x \frac{\partial}{\partial y} - y \frac{\partial}{\partial x} \right)$$

O.T.O



अतः  $[\hat{L}_x, \hat{L}_y] = i\hbar L_z$

## PART B

### Answer 5

L-S युग्मन (L-S coupling) - किसी परमाणु मॉडल के आधार में कोणीय संवेग  $L$  व स्पिन कोणीय संवेग  $S$  के योग को L-S युग्मन कहते हैं।

$$(\hat{L}_1 + \hat{L}_2 + \hat{L}_3 + \dots) + (\hat{S}_1 + \hat{S}_2 + \hat{S}_3 + \dots) = L + S = J$$

अतः कोणीय संवेग के ~~सकल~~ मान व स्पिन कोणीय संवेग के मानों के योग को  $L+S$  युग्मन कहते हैं व  $J$  के द्वारा  $L+S$  को संक्षिप्त रूप में लिखते हैं।

J-J युग्मन - (J-J) coupling - जब

$$(\hat{L}_1 + \hat{S}_1) \text{ व } (\hat{L}_2 + \hat{S}_2) \text{ के योग } (\hat{J}_1 + \hat{J}_2)$$

को ~~हम~~  $(\hat{J}_1 + \hat{J}_2 + \hat{J}_3)$  के पुनः योग को J-J coupling कहते हैं।

$$(\hat{L}_1 + \hat{S}_1 + \hat{L}_2 + \hat{S}_2) + (\hat{L}_3 + \hat{S}_3) = \hat{J}_1 + \hat{J}_2$$

पुनः  $\hat{J}_1 + \hat{J}_2$



अतः  $(l_1 + s_1) + (l_2 + s_2) = l_1 + l_2$

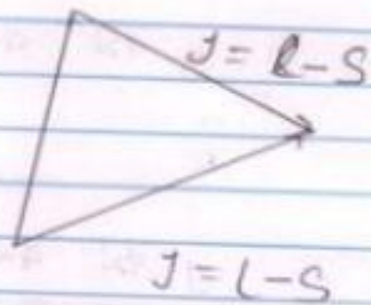
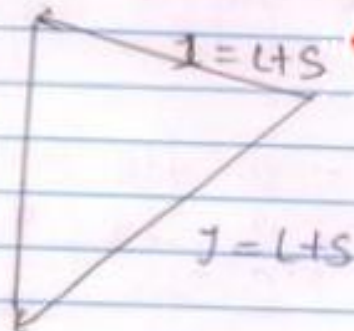
का योग रूप  $J = J$  युग्मन कहलाता है।

रूप  $L+S$  युग्मन की व्याख्या में  $J$  को योग में कहा जाता है।

$J$  का मान हम निकालते हैं।  $L-S$  या  $J = L+S$  के रूप में

$$J = L+S$$

$$J = L-S$$



अतः हम कह सकते हैं कि  $J$  के दो मानों को लिखा जाता है।

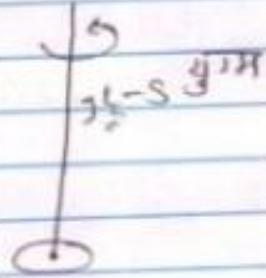
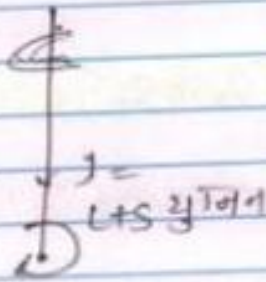
उसी प्रकार  $L$  व  $S$  के मानों को ज्ञात कर  $J$  के दो मान प्राप्त होते हैं।

अक्षर पद =  $J$

$$||L|| = \sqrt{L(L+1)} \text{ क/रा}$$

$$||S|| = \sqrt{S(S+1)} \text{ क/रा}$$

$$||J|| = \sqrt{J(J+1)} \text{ क/रा}$$



L का वरण नियम -

$L = +1$  के रूप में लिखते हैं।

S का वरण नियम -

$S = 0$  के रूप में लिखते हैं।

J का वरण नियम -

दो रूप हैं  $L+S$  व  $L-S$  द्वारा दो मान मिलते हैं।

$\therefore J = 0, +1$

⇒ अतः हम कह सकते हैं कि  $L-S$  युग्म,  $J=J$  युग्म के विपरीत होता है।

⇒  $L, S, J$  के वरण नियम का शुद्ध परमाण्विक प्रभाव द्वारा दिखाया जाता है।

Do Not Write anything in this Portion

Section(c)

## long Answer Type Question

## PART(A)

Answer- ✓हाइजेनबर्ग का अनिश्चितता सिद्धान्त. Heisenberg's & Uncertainty principle -

● हाइजेनबर्ग नामक वैज्ञानिक ने कण की स्थिति व संवेग की स्थिति को ज्ञात करके अपेक्षित नियमों द्वारा एक सिद्धान्त प्रस्तुत किया जिसे हमें हाइजेनबर्ग का अनिश्चितता सिद्धान्त कहते हैं। इसके अनुसार -

किसी कण की स्थिति (x) व संवेग (p) के मान का निश्चित मान हम साथ नहीं कर सकते हैं।

अर्थात् कण की स्थिति ( $\Delta x$ ) व संवेग ( $\Delta p$ ) का एक साथ यथार्थ मान ज्ञात करना असंभव है।

$$\Delta x \cdot \Delta p \geq \frac{h}{4\pi}$$

या

$$\Delta x \cdot \Delta v \geq \frac{h}{m}$$



यदि हम कण के लिए उसकी स्थिति  $x=0$  से उसके संवेग हम अनन्त ही प्राप्त होगा। इसके विपरीत यदि हम संवेग  $p$  का मान रखकर  $x$  की स्थिति का मान निकालें तो वह भी हमें अनन्त ही प्राप्त होगी।

अतः हम स्पष्ट स्पष्ट रूप से कह सकते हैं कि  $\Delta x$  व  $\Delta p$  का एकसाथ मान (यथार्थ) मान निकाल पान असम्भव है।

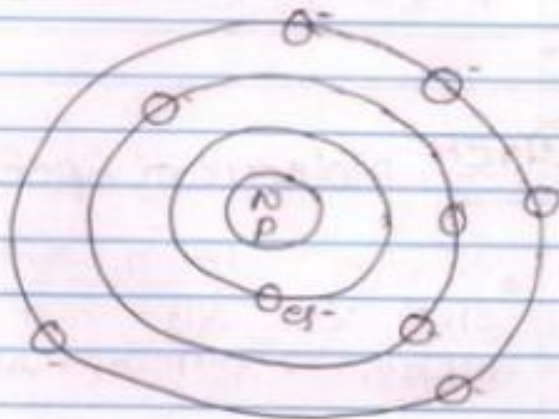
अनिश्चितता सिद्धांत का प्रयोग करके पृथक् की डेल्टा  $\Delta x$  नाभिक के अन्दर मौजूद नहीं हो सकती।

हम यह जानते हैं कि  $\Delta x \cdot \Delta p > \frac{h}{4\pi}$  अतः

कण की स्थिति व संवेग का एकसाथ यथार्थ मान असम्भव है। अतः हमें यह भी ज्ञात है कि नाभिक के अन्दर केवल न्यूट्रॉन व प्रोटॉन के होते हैं तब हाइजेनबर्ग ने हमें बताया कि  $e^-$  की स्थिति हमें नाभिक के अन्दर नहीं ज्ञात हो सकती है। तो यह  $e^-$  की स्थिति के बारे में पता लगाया कि  $e^-$  कक्षा में घूमता रहता है। तब कि नाभिक के अन्दर पाया जाता है।  $e^-$  की स्थिति व संवेग के मान न होने पर हमें यह ज्ञात हुआ है कि  $e^-$



नाभिक के अंदर मौजूद न होकर कक्षा में घूमते रहते हैं। अतः हाइजेनबर्ग ने अनिश्चितता सिद्धान्त के द्वारा  $e^-$  की स्थिति को पूर्ण रूप से प्राप्त न कर केवल हमें यह ज्ञात कराया कि -  
 $e^-$  नाभिक के अंदर मौजूद नहीं हो सकते।



अनिश्चितता सिद्धान्त का प्रयोग करके सरल आवर्ती दैलक की शून्य बिन्दु ऊर्जा -

सरल आवर्ती दैलक का समी०

$$F = -Kx$$

श्रोडिंजर समी०

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{2m(E - V_0)}{\hbar^2} \psi = 0$$

शून्य बिन्दु ऊर्जा को  $E$  द्वारा प्रदर्शित करते हैं।

$$E = \frac{1}{2} \hbar \omega$$



## PART-B

### Answer-9

द्विपरमाणुक आण्विक स्पेक्ट्रम की सामान्य विशेषताएँ -

आण्विक स्पेक्ट्रम Molecular Spectra -

तृतीय अवस्था से प्राप्त ऊर्जा के अलावा संक्रमण में विभिन्न ऊर्जा स्तर प्राप्त होते हैं, जिन्हें हम आण्विक स्पेक्ट्रम के रूप में लिखते हैं।

द्विपरमाणुक आण्विक स्पेक्ट्रम की विशेषताएँ

- (i) द्विपरमाणुक आण्विक स्पेक्ट्रम को  $\lambda$  के  $\lambda$  विन्यास से जात करते हैं।
- (ii)  $\lambda$  कण के आवृत्ति में कम्पन द्वारा जात करते हैं।
- (iii)  $\lambda$  कण के घूर्णन द्वारा आण्विक स्पेक्ट्रम की व्याख्या करते हैं।

आण्विक स्पेक्ट्रम में द्विपरमाणुक के आधार पर व्याख्या करने में अलग ऊर्जा स्तर का उपयोग किया है।



## आणविक स्पेक्ट्रम के प्रकार

### Types of Molecular Spectra

(i) घूर्णन स्पेक्ट्रा Rotation Spectra - घूर्णन स्पेक्ट्रा, को एम एन के रेखा में लिखते हैं। यह सूक्ष्म-तरंग क्षेत्र में पाया जाता है। घूर्णन स्पेक्ट्रम की संक्रमण ऊर्जा घूर्णन होती है। इसे एन लिखते हैं।

(ii) काम्पनिक स्पेक्ट्रा Vibrate Spectra - काम्पनिक स्पेक्ट्रा को किसी तरंग के आवृत्ति से उत्पन्न कमपनों के द्वारा ज्ञात करते हैं। यह स्पेक्ट्रा दृश्य क्षेत्र में पाया जाता है। इसे एन से लिखते हैं। इसकी संक्रमण ऊर्जा स्तर - काम्पनिक व घूर्णी है।

(iii) इलेक्ट्रॉनिक स्पेक्ट्रा Electronic Spectra - किसी छ का नाभिक के चारों ओर प्राप्त स्पेक्ट्रा को Electronic Spectra कहते हैं। एन Spectra व हमें परमाणु क्षेत्र में प्राप्त होता है। इसका संक्रमण ऊर्जा स्तर electronic, Vibrate, व rotation तीनों होता है।



## द्विपरमाणुक अणुओं के ध्रुवि ऊर्जा स्तर

द्विपरमाणुक अणुओं के ध्रुवि ऊर्जा स्तर में हम केवल उन अणुओं की व्याख्या करते हैं जो द्विध्रुव आधुन प्रदर्शित करते हैं। जो अणु द्विध्रुव आधुन प्रदर्शित नहीं करते हैं वे ध्रुवि आवेक स्पेक्ट्रा नहीं प्रदर्शित करते हैं। जैसे -  $H_2$ ,  $CO_2$  यह भी ध्रुवि स्पेक्ट्रा नहीं प्रदर्शित करते हैं।

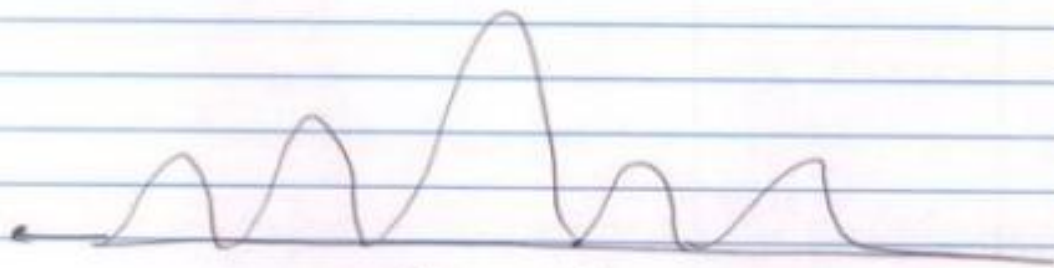
केवल असमान अणु जैसे  $HF$ ,  $HCl$ ,  $CO$  यह ही शुद्ध ध्रुवि प्रदर्शित करते हैं। अतः ध्रुवि ऊर्जा स्तर में असमान अणु ही लेते हैं।

बांजक में  $E$  को ध्रुवि ऊर्जा स्तर के रूप में लिखते हैं।

$$E = \frac{h^2}{8m^2n^2L^2}$$

यह ध्रुवि ऊर्जा स्तर का बांजक है।

ध्रुवि ऊर्जा स्तर  $\nu$  तरंग क्षेत्र में प्रदर्शित होता है।



घूर्णी ऊर्जा स्तर

इसी ग्राफ धारा MF, HCl व CO आदि घूर्णी स्पेक्ट्रा को व्याख्या करता है।

$$E = E_e + E_v + E_r$$

$E_e$  = electronic spectra

$E_v$  = Vibrational spectra

$E_r$  = rotation spectra

घूर्णी स्पेक्ट्रा में संक्रमण ऊर्जा सूक्ष्म तरंग क्षेत्र में बांधी जाती है। व यह केवल घूर्णी संक्रमण स्तर प्रदर्शित करता है।





Paper Code

|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|



20

Do Not Write anything in this Portion

X

X

X

X



Paper Code

|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|



21

X

X

Do Not Write anything in this Portion



Paper Code

|  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|

X



22

X

X

X



Paper Code

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|

X



23



Paper Code

|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|



24

Do Not Write anything in this Portion

X  
X  
X

X  
X