



Chhatrapati Shahu Ji Maharaj
University, Kanpur

Answer Script Details
Barcode 11924764

Roll No. 23081000411
Total Mark 42/75.00

Exam BSC-V_ODD_EXAM_NOV_2025
Subject B010501T - ClassicalAndStatistical Mechanics

Question wise Mark Summary

Q.No Mark Q.No Mark Q.No Mark Q.No Mark

1A 4/6 9AI 2/3

1B 4/6 9AII 2/3

1C 4/6 9B 4/6

1D 0/6

1E 0/6

1F 4/6

1G 0/6

1H 0/6

1I 0/6

2A 3/6

2B 3/6

3 0/12

4 0/12

5 6/12

6 6/12

7 0/12

8 0/12

INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE FOR FILLING PART-I

1. Read the instructions carefully given on the answer script and admit card.
2. Write Date of Exam, Shift, Paper Code & Name of Subject Correctly.
3. Write Name & Roll No. Correctly.
4. Write Semester & Branch Correctly.

INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE FOR FILLING PART-III

1. Use blue or black ball point pen for writing alphabets & numerals in Boxes.
2. Carefully study the example before you start marking.
3. As shown in the example below blacken the circles completely.



4. Make no Stray marks on this sheet.
5. **DO NOT WRITE OR MARK ON THE BAR CODE.**

IN ORDER TO AVOID UFM (UNFAIR MEANS):

1. The Roll No. and Answer Book no. found elsewhere or any other symbol found in the answer book will be treated as unfair means.
2. Any tempering of Bar Code and Booklet no shall be treated as Unfair Means.
3. Do Not bring the materials like slip of paper/mobile/digital diaries/ study material/ revision notes in examination hall. Possession of the mobiles/ digital diaries/ electronic watch and any other electronic gadget except memory less scientific calculator shall be considered as UFM case.
4. Do not keep or paste currency note in answer script it shall be consider as UFM.

अनुचित साधन से बचने हेतु:

1. उत्तर पुस्तिका के निर्देशित स्थान को छोड़कर अनुक्रमांक एवं उत्तरपुस्तिका का क्रमांक कहीं और न लिखें तथा कोई भी चिह्न न बनायें क्योंकि यह अनुचित साधन प्रयोग की परिधि में आता है।
2. उत्तर पुस्तिका के बारकोड अथवा उत्तर पुस्तिका संख्या पर छेद करने पर अनुचित साधन प्रयोग माना जायेगा।
3. परीक्षा कक्ष में निम्न वस्तुएं साथ न लाएं, जैसे लिखे हुए कागज के टुकड़े, मोबाइल, डिजिटल कायरी, कोपी, पुरतक यह सभी वस्तुएं जो अनुचित साधन के अन्तर्गत आती हैं। केवल संबंधित प्रश्नपत्र में ही मेमोरी लेस साइट्रिक कैल्कुलेटर ले जाने की अनुमति होगी।
4. उत्तर पुस्तिकाओं में रूपये न रखें न ही उत्तर पुस्तिका में चिपकायें। ऐसा करना अनुचित साधन प्रयोग की परिधि में आता है।

परीक्षार्थी के लिए निर्देश

1. प्रवेश पत्र एवं उत्तर पुस्तिका पर दिये गये निर्देशों को ध्यान से पढ़ें।
2. कवर पृष्ठ के दूसरी तरफ कुछ न लिखें।
3. उत्तर पुस्तिका के पृष्ठों पर दोनों तरफ लिखें।
4. प्रश्न पत्र पर अपने अनुक्रमांक के अतिरिक्त कुछ न लिखें।
5. प्रश्न पत्र कोठ एवं प्रश्न पत्र कोठ सावधानी पूर्वक लिखें।
6. अपनी स्थिति स्पष्ट लिखें।
7. उत्तर पुस्तिका के पृष्ठों की संख्या देखें। अगर उत्तर पुस्तिका में पृष्ठ (1-24) से कम है या कटे हुए हैं, तो परीक्षा शुरू होने के पूर्व दूसरी उत्तर पुस्तिका ले लें।
8. प्रश्नपत्र को देख, यदि प्रश्नपत्र के विषय कोड, विषय का नाम तथा प्रश्न में कोई त्रुटि है तो उसके परीक्षा शुरू होने के 30 मिनट के अन्दर उसे निरीक्षक को तत्काल सूचित करें, उसके बाद विश्वविद्यालय द्वारा कोई कार्यवाही नहीं की जायेगी।
9. प्रश्नों के उत्तर लिखने के लिये पेंसिल का प्रयोग न करें।
10. B कोपी या अतिरिक्त ग्राफ नहीं दिया जायेगा।

INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE

1. Read the instructions carefully given on the Question Paper Admit Card & Answer Script.
2. Do not write anything on back side of the cover page.
3. Write on both sides of pages of answer book.
4. Do not write anything on question paper except Roll Number.
5. Write Paper Code & Question Paper Id carefully.
6. CHECK the number of pages (1-32) or any other kind of damage in your answer script, if found than change the answer script immediately before the commencement of examination.
7. CHECK the Question Paper for any kind of discrepancy e.g. Subject Code, Subject Name and Question of the Question Paper during first THIRTY MINUTES of the commencement of the exam, so that it can be corrected in TIME. After that no corrections shall be entertained by the university.
8. Do not use pencil for answering the question.
9. Write status correctly e.g. those appearing in carry over paper should fill in status as Carry Over. Those appearing as B Students should fill in status as ex.
10. No supplementary answer book & graph paper will be provided.

INSTRUCTIONS TO THE CANDIDATE FOR FILLING PART-IV

1. Use blue or black ball point pen for writing alphabets & numerals in Boxes.
2. Use blue or black ball point pen for filling the circles.

	1	8	1	5	4	3	2	1	6	9
①	●	①	●	①	①	①	①	●	①	①
②	②	②	②	②	②	②	●	②	②	②
③	③	③	③	③	③	●	③	③	③	③
④	④	④	④	④	●	④	④	④	④	④
⑤	⑤	⑤	⑤	●	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤	⑤
⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	⑥	●	⑥
⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦	⑦
⑧	⑧	●	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧	⑧
⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	⑨	●

Note - If your Roll No. is of 10 digits. Please leave first three column



Section A

Short Answer Type Question

Answer 1 (A)

D'Alembert डी स्लम्बर्ट के सिद्धान्त -

बल f_i संवेग P_i व विस्थापन δx_i के द्वारा हम कार्य बल को निरूपित करते हैं। फिर

$$f_i \cdot \delta x_i = 0 \quad \text{--- (1)}$$

\therefore संवेग संरक्षण के सिद्धान्त से

$$f_i = \frac{dP_i}{dt}$$

$$f_i - P_i^* = 0$$

यदि समी ① में यह मान रखेंगे पर

$$(f_i - P_i^*) \cdot \delta x_i = 0$$

व अथवा f_i व वस्तुविक प्रभाती बल f_i लेने पर

$$f_i = f_i^* + f_i \quad \text{तो}$$

$$[(f_i^* + f_i) - P_i^*] \cdot \delta x_i = 0$$

$$\therefore (f_i^* - P_i^*) \delta x_i + f_i \cdot \delta x_i = 0$$

$$f_i \cdot \delta x_i = 0 \quad \text{तो}$$

$$(f_i^* - P_i^*) \delta x_i = 0$$

\therefore a superscript

यदि D'Alembert का सिद्धान्त -

$$(F_i - P_i^*) \cdot \delta x_i = 0$$



Answer 1(c)

Proof that वोल्टजमान एण्ट्रॉपी प्रायिकता सम्बन्ध

$$S = k \log w$$

वोल्टजमान नामक वैज्ञानिक ने एण्ट्रॉपी की प्रायिकता के सम्बन्ध में एक सूत्र प्रतिपादित किया। माना एक निकाय जिसकी Entropy S है और उसकी प्रायिकता w है।

$$\therefore w = w_1 \cdot w_2$$

$$S = f(w) \quad \text{--- (i)}$$

जहाँ S_1 व S_2 Entropy निकाय की है

$$\therefore S_1 + S_2 = S$$

$$f(w) = f(w_1) + f(w_2)$$

$$\therefore f(w_1 \cdot w_2) = f(w_1) + f(w_2) \quad \text{--- (ii)}$$

सभी (ii) का w_1 के सापेक्ष अवकलन करने पर

$$w_2 f'(w_1) = f'(w_1) \quad \text{--- (iii)}$$

सभी (iii) का w_2 के सापेक्ष अवकलन करने पर

$$w_1 f'(w_2) = f'(w_2) \quad \text{--- (iv)}$$

सभी (iii) का (iv) में आग करने पर

$$\frac{w_2 f'(w_2)}{w_1 f'(w_2)} = \frac{f'(w_2)}{f'(w_2)}$$

Do Not Write anything in this Portion



Paper Code

B 0 1 0 5 0 1 T



03

$$\frac{w_1}{w_2} = \frac{f'(w_2)}{f'(w_1)}$$

$$\frac{w_1}{w_2} = S$$

$$f'(w_2) = k/w_2 \quad \text{--- (vi)}$$

$$f'(w_1) = k/w_1$$

$$f'(w_1) = k/w_1$$

समी. (vi) का समाकलन करने पर

$$f'(w_2) = \frac{k \cdot 1}{w_2}$$

समाकलन करने पर

$$f(w) = k \log w$$

किसी प्रकार $f(w_1) = k \log w_1$

अतः हम लिख सकते हैं कि

$$f(w) = k \log w$$

$$\therefore S = f(w)$$

$$\therefore S = k \log w$$



Answer 1(f)

चिरसम्मत और क्वाण्टम सांख्यिकी के बीच अंतर

Difference between Classical and Quantum Statistics

∴ हम जानते हैं कि न्यूटन नामक वैज्ञानिक ने चिरसम्मत यांत्रिकी की व्याख्या प्रस्तुत की। अब हम चिरसम्मत यांत्रिकी में भौतिकी के नियमों का खूब खूब अध्ययन आदि के बारे में अध्ययन करते हैं तो उष्म प्रणालियों द्वारा हम भौतिकी के विशेष गुणों, नियमों को Classical Physics द्वारा सफलतापूर्वक सुसंगठित नहीं कर पाते हैं जैसे Hydrogen Hamiltonian या सांख्यिकी में वर्णन हम Classical Physics नहीं कर पाये हैं।

इसके विपरीत हम Quantum Physics का वर्णन या Quantum Statistics विशेष नियमों का वर्णन - electron के वेग वितरण, Maxwell के नियम इनकी व्याख्या हम Quantum Statistics के द्वारा पूर्ण रूप से कर पाये हैं।

चिरसम्मत सांख्यिकी में अत्यधिक कठिनाई से नियमों का प्रतिपादन किया गया जबकि Quantum Physics में इनका सरलतापूर्वक वर्णन है।

Do Not Write anything in this Portion



न्यूटन ने भी चिरसम्मत सांख्यिकी में अपने नियमों को व समी० को सही से नहीं कर पाया है जबकि क्वाण्टम सांख्यिकी में दिए गए समीकरण हमें सही से बताने पर समझने में कठिनाई नहीं होती।

अतः चिरसम्मत तथा क्वाण्टम सांख्यिकी में रही अन्तर विशेष रूप से देखे जाते हैं।

Answer 1 (H)

दिखाइए कि संरक्षी बल को $\vec{F} = -\text{grad } V$ के रूप में व्यक्त किया जा सकता है।

संरक्षी बल -

किसी कण को किसी पथ पर गति कराने पर लगाया गया बल यदि पथ की लम्बाई पर निर्भर नहीं करता है तो उस बल को हम संरक्षी बल कहते हैं।

जहाँ \vec{F} संरक्षी बल है ∴ इसके द्वारा तय किया

$$W = -\int \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

तीनों अक्षों के लिए -

$$W = -(F_x + F_y + F_z) \cdot (x_1 + y_1 + z_1)$$

$$\therefore \vec{F} = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \hat{k} \right)$$



--	--	--	--	--	--	--	--



$$W = - \mathbf{V} \cdot \hat{\mathbf{r}}$$

$$W = -V_1 (x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k})$$

$$\nabla W = - \left(\frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right)$$

$$W = -V_1 \left(x \frac{\partial}{\partial x} + y \frac{\partial}{\partial y} + z \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

$$W =$$

$$W = \int \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}$$

$$= \int (f_x \hat{i} + f_y \hat{j} + f_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$$

$$= \int f_x dx + f_y dy + f_z dz$$

$$W = \int f \cdot \nabla$$

$$= \int f \left(\hat{i} \frac{\partial}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

X

Answer 1(B)

पॉइंट 1/1

Do Not Write anything in this Portion



--	--	--	--	--	--	--	--



Section - B Long Answer Type Question

Part (A)

Answer 2 (a)

प्रतिबन्ध (Constraint) -

व्यक्तीक कण की गति की सीमा को नियत कर देते हैं। अतः हम कह सकते हैं कि प्रतिबन्ध निकाय की गति को व्यवधान उत्पन्न करे हैं।

प्रतिबन्ध निम्न प्रकार के होते हैं -

(i) रिथोनॉमिक प्रतिबन्ध - रिथोनॉमिक प्रतिबन्ध समय पर निर्भर करते हैं।

$$f(x, x', t) = 0$$

(ii) स्क्लेरियोनॉमिक प्रतिबन्ध - तब प्रतिबन्ध जो समय पर निर्भर नहीं करते हैं, स्क्लेरियोनॉमिक प्रतिबन्ध कहलाते हैं।

$$f(x, x') = 0$$

(iii) Homonomic प्रतिबन्ध - प्रतिबन्ध जो वेग व समय पर निर्भर रहकर निकाय की गति को सीमित करते हैं - Homonomic प्रतिबन्ध कहलाते हैं।



(iv) non-Homonomic प्रतिबन्ध -
 Homonomic प्रतिबन्ध नहीं होते हैं, उन्हें
 non-homonomic प्रतिबन्ध कहते हैं।

(v) संरक्षी प्रतिबन्ध-
 वह प्रतिबन्ध जिसे ऊर्जा
 संरक्षित रहती है, संरक्षी प्रतिबन्ध कहते हैं।

(v) असंरक्षी प्रतिबन्ध-
 वह प्रतिबन्ध जिसे
 ऊर्जा संरक्षित नहीं रहती है, असंरक्षी
 प्रतिबन्ध कहलाता है।

Answer 2 (b)

स्वतंत्रता की कोटि Degree of freedom -

किसी निकाय में स्वतंत्रता की कोटि वह
 संख्या है जो उस कण की स्थिति का वर्णन
 स्वतंत्रता की कोटि का उपयोग हम Mechanical
 Engineering, Quantum Statistic आदि में
 करते हैं। कण की स्थिति का वर्णन करने में

अन्तरिक्ष में degree of freedom तीनों अक्षों
 x, y, z के परिपत्र 3 है।

Do Not Write anything in this Portion



Do Not Write anything in this Portion

- (i) बॉस-आइंस्टीन के अनुसार निकाय में कण चाहे जितने भी संख्या में हो सकते हैं।
- (ii) इनके अनुसार निकाय के कण $3kT$ आयतन से अधिक आयतन नहीं हो सकते हैं।
- (iv) इनके अनुसार कण जो बॉस-आइंस्टीन वितरण नियम का पालन करते हैं, उन्हें बोसॉन कण कहते हैं। Ex - electron, photon, He₄, Ne.
- (v) इनके अनुसार कण पाउली के अपवर्जन नियम का पालन नहीं करते हैं। इसीलिए कण किसी भी कक्षक में कितने भी भर सकते हैं।
- (vi) कण समरूप अविवेक होते हैं। इसीलिए हम इनके वितरण नहीं सकते हैं जबकि Maxwell वितरण नियम में हम विभिन्न कणों का उपयोग करते हैं।

बॉस-आइंस्टीन के वितरण नियम से शुरु करते हुए कृष्णिका वितरण के लिए प्लैंक का नियम -

बॉस-आइंस्टीन के वितरण नियम में हम जितने कणों को जहाँ चाहे वहाँ भर सकते हैं

•• ••

अतः हम इसमें तीन विन्यास का उपयोग



अयोग करते हैं। अतः पाउली के अपवर्जन नियम का उपयोग नहीं करते हैं।

कृष्णिका विकिरण -

वह तरंग जिसमें सभी रंगों को अवशोषित करने पर काला अथवा श्वेत रंग प्राप्त होता है उसे हम कृष्णिका कहते हैं।

कृष्णिका विकिरण में सूर्य स्थान से कृष्णिका को पर प्रकाश डालने पर जहाँ से स्थान प्राप्त हो वहाँ से वह अवशोषित व उत्सर्जन के द्वारा प्रकाश को फैलाकर या स्कन्धित कर लेती है।

प्लांक का नियम -

प्लांक नामक वैज्ञानिक ने कृष्णिका विकिरण के लिए अपना नियम प्रस्तुत किया जिसे प्लांक का नियम कहते हैं -

$$E \propto \frac{1}{\lambda}$$

$$E = \text{विकिरण की ऊर्जा}$$

$$E = \frac{hc}{\lambda}$$

$$\lambda = \text{तरंगदैर्घ्य}$$

$$T = \text{परमताप}$$

जहाँ $h =$ प्लांक नियतांक

$$h = 6.64 \times 10^{-34}$$

इस प्रकार हम बोस-आइंस्टीन से शुरू करते हुए कृष्णिका विकिरण के लिए प्लांक का नियतांक व्युत्पन्न कर देते हैं।



Paper Code

B 0 1 0 5 0 1 7



12

Section (C)Long Answer Type QuestionPART (A)Answer - 6

केंद्रीय बल Central force -

जब किसी निकाय पर जो कि एक गोला या वृत्तीय रूप में है तो वह बल का स्थिर बिन्दु में केंद्र की ओर या दूर निर्दिष्ट होता है केंद्रीय बल कहलाता है।

केंद्रीय बल के अन्तर्गत हम कह सकते हैं कि स्थिर बिन्दु की ओर लगने वाला बल केंद्रीय बल कहलाता है।

केंद्रीय बल के अन्तर्गत कोई कण स्थिर बिन्दु में ही चल सकता है। क्योंकि यह बल केंद्र की ओर अपने कण को स्थिर रखकर गतिमान अवस्था में बनाए रखते हैं।

यह बल वस्तु या निकाय के कण को θ कोण पर स्थिरता के साथ ऊर्जा की अवस्था में परिवर्तन के साथ कुल ऊर्जा का निरूपण कर पाते हैं। यह एक प्रकार के (संरक्षक बल) है।

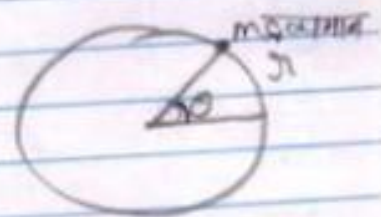
Do Not Write anything in this Portion



केन्द्रीय बल के अन्तर्गत चलने वाले कण की कुल ऊर्जा -

∴ केन्द्रीय बल के अन्तर्गत चलने वाले कण गतिज ऊर्जा व स्थितिज ऊर्जा दोनों उत्पन्न करता है। इसीलिए हम कुल ऊर्जा का मान गतिज व स्थितिज ऊर्जा के संयोग से ही प्राप्त कर पाते हैं।

∴ गतिज ऊर्जा $T = \frac{1}{2}mv^2$



किन्तु $\cos\theta = \frac{r}{v}$

$v = \frac{r^2 + (r\theta)^2}{r} =$ कण का बिन्दु वेग (केन्द्रीय बल के आधिन)
 जहाँ $r =$ कण की त्रिज्या
 $\theta =$ कण के द्वारा बनाया गया कोण
 $m =$ कण का प्रव्यमान

∴ $T = \frac{1}{2}m[r^2 + (r\theta)^2]$ — (1)

∴ कण की स्थितिज ऊर्जा V है जो r के सापेक्ष अपनी गति करती है। ∴ हम कण की स्थितिज ऊर्जा को $V(r)$ द्वारा निरूपित करते हैं।

अतः केन्द्रीय बल के अन्तर्गत चलने वाले कण की कुल ऊर्जा को E द्वारा निरूपित करते हैं।

अतः समी ① व ② से
 $E = T + V$



$$E = \frac{1}{2} m [\dot{x}^2 + \dot{\theta}^2] + V(x)$$

यूह समी० केन्द्रीय बल के अन्तर्गत चलैव.
बुल कण की कुल ऊर्जा ही प्रदर्शित करता
है।

PART (B)

Answer 9(a)

निम्नलिखित को उदाहरण सहित परिभाषित
कीजिए।

(i) सूक्ष्म अवस्थाएँ एवं बृहत् अवस्थाएँ -

सूक्ष्म अवस्थाएँ Microstates -

जिन्हें हम प्रयोग द्वारा नहीं देख सकते हैं
उन्हें सूक्ष्म अवस्थाएँ कहते हैं।
सूक्ष्म अवस्थाओं को बिनास। द्वारा निरूपित
करके उनके मानों को आत करते हैं।
सूक्ष्म अवस्थाएँ हमें यह बताती हैं कि
का कण किसमें है न कि यह बताती है
कि कितने कण किसमें हैं।



--	--	--	--	--	--	--	--



शीलिर सूक्ष्म अवस्थाओं की संख्या अधिक होती है।

बृहद् अवस्थाएँ macrostates - वह अवस्थाएँ

जिन्हें हम प्रयोगों में देख सकते हैं उन्हें स्थूल या बृहद् अवस्थाएँ कहते हैं। इनकी संख्या को हम प्रायिकता के आधार पर देख सकते हैं। यह हमें बताती है कि किसमें कितने कण हैं न कि कौन सा कण किसमें है।

सूक्ष्म व स्थूल अवस्था के उदाहरण -

माना एक box में 4 कण हैं। चार कण हैं तो इनकी स्थूल व सूक्ष्म अवस्थाएँ निम्न होंगी -

स्थूल अवस्था	सूक्ष्म अवस्था
(1) (4, 0)	(abcd, 0)
(ii) (3, 1)	(abc, d)
	(acd, b)
	(adb, c)
	(bcd, a)
(iii) (2, 2)	(ab, cd)
	(bc, da)
	(ca, db)
	(ad, bc)
	(ba, dc)
	(cb, ad)



--	--	--	--	--	--	--	--



Do Not Write anything in this Portion

(iv) (1,3)

- (a, bcd)
- (b, cda)
- (c, dab)
- (d, abc)

(v) (0,4)

(0, abcd)

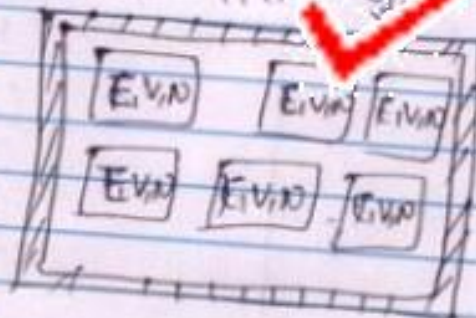
इस प्रकार हम सू. व स्थूल अक्षरों का वर्णन करते हैं।

(ii) Ensemble निक समूह -

समुदाय एक बड़ी संख्या में जिसमें निकाय अत्याधिक संख्या में जुड़े होते हैं। यह निकायों का समुदाय हो समूह कहलाता है। यह निम्न प्रकार के होते हैं -

(i) सूक्ष्म विहित समुदाय -

इसमें कण E, V, N के रूप में ऊष्मारोधी दीवारों द्वारा पारगम्य झिल्लों में अणुओं के आदान-प्रदान द्वारा जुड़े होते हैं।

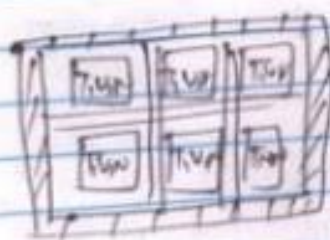




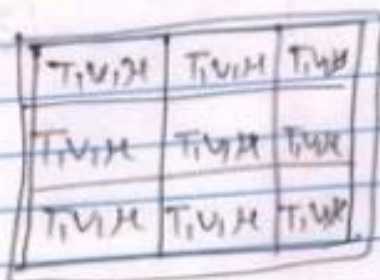
--	--	--	--	--	--	--	--



- (ii) विहित समुदाय - इसमें कण T, V, N द्वारा जुड़े होते हैं इसमें ऊर्जा का आदान प्रदान होता है किन्तु कणों का नहीं।



- (iii) Grand Canonical Ensemble - इसमें कण T, V, μ द्वारा जुड़े होते हैं। इसमें ऊष्मा ही व ऊर्जा व कणों का आदान प्रदान होता है।



Answer 9(b)

एक Box में दो समान रूप से सम्भावित हिस्सों में वितरण $(10, 9)$, $(19, 0)$ व $(7, 7)$ की प्रायिकता की गणना -

$$\begin{aligned}
 (10, 9) &= \frac{\ln}{\ln - 9 \ln} = \frac{110}{110 - 9 \cdot 14} = \frac{110}{64} \\
 &= \frac{110}{64} = \frac{110}{2^6 \cdot 2} = \frac{110}{128} \\
 &= \frac{110}{128} = \frac{55}{64}
 \end{aligned}$$



Paper Code

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--



18

$$(ii) (14, 0) -$$

$$\frac{14}{14-0} \cdot 0$$

$$= \frac{14}{14} \cdot 0$$
$$= 1$$

$$(iii) (7, 7) -$$

$$\frac{7}{7-7} \cdot 7$$
$$= \frac{7}{0} \cdot 7$$
$$= 1$$

सूत्र -	$\frac{14}{14-0}$
	$\frac{7}{7-7}$

P.T.O

Do Not Write anything in this Portion



Answer 1(B)

एक रैखिक आवर्त दैर्घ्य के लिए Hamiltonian व Hamilton के समीकरण -

$$T = \frac{1}{2} m (\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2)$$

$$V = mgl(1 - \cos\theta)$$

$$\therefore H = T + V$$

$$H = \frac{1}{2} m (\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2) + mgl(1 - \cos\theta)$$

$$\therefore H = \int_{t_1}^{t_2} L dt$$

$$L = T - V$$

$$L = \frac{1}{2} m (\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2) + mgl(1 - \cos\theta)$$

$$\frac{\partial L}{\partial \dot{x}} = m\dot{x}$$

$$\frac{\partial L}{\partial \dot{y}} = m\dot{y}$$

$$\frac{\partial L}{\partial \dot{z}} = m\dot{z}$$

$$\frac{\partial L}{\partial \theta} = mgl \sin\theta$$

$$\frac{d}{dt} \left[\frac{\partial L}{\partial \dot{x}} - \frac{\partial L}{\partial \theta} \right] = 0$$

$$\therefore L = T - V$$

$$\frac{d}{dt} \left[\frac{\partial (T - V)}{\partial \dot{x}} - \frac{\partial (T - V)}{\partial \theta} \right] = 0$$



Paper Code

P 0 1 0 5 0 1 7



20

$$\frac{d}{dt} \left[\frac{\partial L}{\partial \dot{x}} - \frac{dL}{d\theta} \right]$$

$$\frac{d}{dt} \left[\frac{\partial m\dot{x}}{\partial \dot{x}} m\dot{x} + mgl \sin\theta \right]$$

$$= m\dot{x} + m$$

∴ इसी प्रकार

$$\frac{d}{dt} [m\dot{y} + mgl \sin\theta]$$

$$\frac{d}{dt} [m\dot{z} + mgl \sin\theta]$$

HAMILTON के समीकरण

$$H = \int_{t_1}^{t_2} L dt$$

$$\frac{\partial H}{\partial q_k} = -p_k$$

$$\frac{\partial H}{\partial p_k} = q_k$$

$$\frac{\partial L}{\partial t} = \frac{\partial H}{\partial t}$$

$$H = T + V$$

Do Not Write anything in this Portion

22



Paper Code

.
---	---	---	---	---	---	---	---



21

X

DO NOT write anything in this portion.

Do Not Write anything in this Portion



Paper Code

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--



22

X

85



Paper Code

--	--	--	--	--	--	--	--



23

Do not write anything in this portion

X



Paper Code

--	--	--	--	--	--	--	--



24

Do Not Write anything in this Portion

X

X